1. Kapitel (Aufgaben)

Wandle die Gleichungen in die Normalform um:

1A)
$$2x^2 + 8x + 6 = 0$$

1B)
$$4x^2 + 8x + 16 = 0$$

1A)
$$2x^2 + 8x + 6 = 0$$
 1B) $4x^2 + 8x + 16 = 0$ **1C)** $5x^2 + 5x + 25 = 0$

Wandle die Gleichungen in die Normalform bzw. Allgemeine Form um:

1D)
$$(x+2)(x-5)=0$$

1E)
$$(x+6)^2 = 16$$

1D)
$$(x+2)(x-5) = 0$$
 1E) $(x+6)^2 = 16$ **1F)** $10(x-3)(x-4) = 0$

1G) Welche Arten von quadratischen Gleichungen unterscheidet man?

2. Kapitel (Aufgaben)

Gemischt-quadratische Gleichungen ohne Absolutglied. Bestimme die Lösung(en):

2A)
$$x^2 + 5x = 0$$

2A)
$$x^2 + 5x = 0$$
 2B) $3x^2 - 3x = 0$ **2C)** $2x^2 - 4x = 0$

2C)
$$2x^2 - 4x = 0$$

2D)
$$4x^2 + 8x = 0$$

2E)
$$x^2 - 10x = 0$$

2D)
$$4x^2 + 8x = 0$$
 2E) $x^2 - 10x = 0$ **2F)** $5x^2 + 8x = 0$

3. Kapitel (Aufgaben)

Quadratischen Gleichungen, die in Produktform vorliegen.

Achtung: Die Klammern nicht auflösen. Bestimme die Lösung(en):

3A)
$$(x-2)\cdot(x-3)=0$$

3B)
$$(x+4)\cdot(x+5)=0$$

3A)
$$(x-2)\cdot(x-3)=0$$
 3B) $(x+4)\cdot(x+5)=0$ **3C)** $(x-6)\cdot(x+7)=0$

3D)
$$(x+2)\cdot(x-2)=0$$
 3E) $(x+3)\cdot(x+6)=0$ **3F)** $(x-a)\cdot(x-b)=0$

3E)
$$(x+3)\cdot(x+6)=0$$

3F)
$$(x-a)\cdot(x-b)=0$$

3G)
$$(x-p)\cdot(x+q)=0$$

3G)
$$(x-p)\cdot(x+q)=0$$
 3H) $(x-4)\cdot(x-4)=0$ **3i)** $(x+3)\cdot(x-3)=0$

3i)
$$(x+3)\cdot(x-3)=0$$

3J)
$$(x-a)\cdot(x-a)=0$$
 3K) $(x-3)^2=0$ **3L)** $(x+a)^2=0$

3K)
$$(x-3)^2 = 0$$

3L)
$$(x+a)^2 = 0$$

4. Kapitel (Aufgaben)

Reinquadratische Gleichungen. Bestimme die Lösungen:

4a)
$$x^2 = 64$$

4b)
$$x^2 = 256$$

4a)
$$x^2 = 64$$
 4b) $x^2 = 256$ **4c)** $x^2 = 0.01$

4d)
$$7x^2 = 567$$

4e)
$$16x^2 = 400$$

4f)
$$3x^2 = \frac{1}{27}$$

4e)
$$16x^2 = 400$$
 4f) $3x^2 = \frac{1}{27}$ **4g)** $\frac{x^2}{4} = \frac{9}{25}$ **4h)** $x^2 = \frac{49}{25}$

4h)
$$x^2 = \frac{49}{25}$$

5. Kapitel (Aufgaben)

Hier geht es um Gleichungen, die in der Form $(x+a)^2 = c$ vorliegen:

Löse die quadrat. Gleichungen mit Hilfe der Lösungsformel $x = -a \pm \sqrt{c}$:

5a)
$$(x+12)^2=9$$

5b)
$$(x-7)^2=49$$

5c)
$$(x+4)^2=25$$

5d)
$$(x-5)^2=4$$

Löse die quadratischen Gleichungen mit Hilfe der Betragsschreibweise:

5e)
$$(x+1)^2 = 36$$

5f)
$$(x-5)^2 = 64$$

5g)
$$(x+2)^2=16$$

5e)
$$(x+1)^2=36$$
 5f) $(x-5)^2=64$ **5g)** $(x+2)^2=16$ **5h)** $(x-4)^2=100$

6. Kapitel (Aufgaben)

Löse die Gleichungen mit Hilfe der quadratischen Ergänzung:

6a)
$$x^2+6x-7=0$$

6b)
$$x^2 - 8x = -12$$

6c)
$$x^2 + 10x + 21 = 0$$

6d)
$$x^2 + 8x + 15 = 0$$

6e)
$$x^2 + x = 2$$

6f)
$$x^2 + x - 6 = 0$$

6g)
$$x^2 - 10x + 24 = 0$$

6h)
$$x^2 + 10x + 24 = 0$$

7. Kapitel (Aufgaben)

Löse die Aufgaben mit Hilfe der p-q-Formel:

7a)
$$x^2 - 10x - 24 = 0$$

7b)
$$x^2 + 10x - 24 = 0$$

7c)
$$x^2 - 3x - 18 = 0$$

7d)
$$x^2 + 2x - 63 = 0$$

7e)
$$x^2 - 15x + 54 = 0$$

7f)
$$x^2 + 18x - 243 = 0$$

7g)
$$x^2 + 6x - 16 = 0$$

7h)
$$x^2 - 9x - 22 = 0$$

8. Kapitel (Aufgaben)

Löse die Aufgaben mit der allg. Lösungsformel:

8a)
$$2x^2-14x+24=0$$

8b)
$$3x^2 - 15x + 18 = 0$$

8c)
$$6x^2 + 6x - 12 = 0$$

8d)
$$2x^2 - 6x - 56 = 0$$

8e)
$$4x^2 + 36x + 80 = 0$$

8f)
$$2x^2 - 24x - 90 = 0$$

8g)
$$5x^2 + 50x + 45 = 0$$

8h)
$$3x^2 - 66x + 360 = 0$$

8i)
$$10x^2 + 10x - 300 = 0$$

Lösung zu 1a

Gegeben: $2x^2 + 8x + 6 = 0$

Gesucht: Normalform

Umwandlung:

 $2x^2 + 8x + 6 = 0$ 1:2

 $x^2 + \frac{8}{2}x + \frac{6}{2} = 0$

Ergebnis:

 $x^2 + 4x + 3 = 0$ Lösung zu 1b

Gegeben: $4x^2 + 8x + 16 = 0$

Gesucht: Normalform

Umwandlung:

 $4x^2 + 8x + 16 = 0$ |:4

 $x^2 + \frac{8}{4}x + \frac{16}{4} = 0$

Ergebnis: $x^2 + 2x + 4 = 0$

Lösung zu 1c

Gegeben: $5x^2 + 5x + 25 = 0$

Gesucht: Normalform

Umwandlung:

 $5x^2 + 5x + 25 = 0$ |:5

 $x^2 + \frac{5}{5}x + \frac{25}{5} = 0$

Ergebnis: $x^2 + x + 5 = 0$

Lösung zu 1d

Gegeben: (x+2)(x-5) = 0

Gesucht: Normalform bzw. Allgemeine Form

Umwandlung:

$$(x+2)(x-5)=0$$

$$x^2 - 5x + 2x - 10 = 0$$

$$x^2 - 3x - 10 = 0$$

Ergebnis: $x^2 - 3x - 10 = 0$

Lösung zu 1e

Gegeben: $(x+6)^2 = 16$

Gesucht: Normalform bzw. Allgemeine Form

Umwandlung:

$$(x+6)^2 = 16$$

$$(x+6)(x+6) = 16$$

$$x^2 + 6x + 6x + 36 = 16$$
 | -16

$$x^2 + 12x + 20 = 0$$

Ergebnis: $x^2 + 12x + 20 = 0$

Lösung zu 1f

Gegeben:
$$10(x-3)(x-4) = 0$$

Gesucht: Normalform bzw. Allgemeine Form

Umwandlung:

$$10(x-3)(x-4) = 0$$

$$10(x^2-4x-3x+12)=0$$

$$10(x^2-7x+12)=0$$

$$10x^2 - 70x + 120 = 0$$

Ergebnis:
$$10x^2 - 70x + 120 = 0$$

Lösung zu 1g

Man unterscheidet zwischen <u>reinquadratischen</u> Gleichungen, <u>gemischt-quadratischen</u> Gleichungen mit Absolutglied und <u>gemischt-quadratischen</u> Gleichungen ohne Absolutglied.

Lösung zu 2a

 $\boxed{Gegeben: \quad x^2 + 5x = 0}$

 $\overline{x \text{ ausklammern :}} \quad x(x+5) = 0$

Ergebnis: x = 0 oder x = -5

Lösung zu 2b

 $\boxed{Gegeben: \quad 3x^2 - 3x = 0}$

|x ausklammern :|

x(3x-3)=0

Erste Lösung ablesen: x=0

Zweite Lösung berechnen d.h. Klammer nullsetzen:

3x - 3 = 0

|+3

3x=3

1:3

x=1

Ergebnis: x = 0 oder x = 1

Lösung zu 2c

 $\boxed{Gegeben: 2x^2 - 4x = 0}$

x ausklammern :

x(2x-4)=0

Erste Lösung ablesen: x=0

Zweite Lösung berechnen, d.h. Klammer nullsetzen:

2x - 4 = 0 |+4

2x=4 |:2

x=2

Ergebnis: x = 0 oder x = 2

Lösung zu 2d

 $\boxed{Gegeben: } 4x^2 + 8x = 0$

x ausklammern :

$$x(4x+8) = 0$$

Erste Lösung ablesen: x=0

Zweite Lösung berechnen, d.h. Klammer nullsetzen:

$$4x + 8 = 0$$

$$|-8$$

$$4x = -8$$

$$x = -2$$

Ergebnis:
$$x = 0$$
 oder $x = -2$

Lösung zu 2e

 $\boxed{Gegeben: x^2 - 10x = 0}$

x ausklammern :

$$x(x-10) = 0$$

Erste Lösung ablesen: x=0

Zweite Lösung berechnen,

d.h. Klammer nullsetzen:

$$x - 10 = 0$$

$$|+10|$$

$$x = 10$$

Ergebnis:
$$x = 0$$
 oder $x = 10$

Lösung zu 2f

$$\boxed{Gegeben: \quad 5x^2 + 8x = 0}$$

x ausklammern :

$$x(5x+8) = 0$$

Erste Lösung ablesen: x=0

Zweite Lösung berechnen,

d.h. Klammer nullsetzen:

$$5x + 8 = 0$$
 |-8

$$5x = -8$$
 | :5

$$x = -\frac{8}{5}$$

Ergebnis:
$$x = 0$$
 oder $x = -\frac{8}{5}$

Lösung zu 3

Hilfe:

Ein Produkt wird Null, wenn einer der Faktoren oder beide Faktoren zu Null werden:

3A)
$$(x-2)\cdot(x-3)=0$$
 \Rightarrow Lösung: $x=2$ oder $x=3$

3B)
$$(x+4)\cdot(x+5) = 0 \implies L\ddot{o}sung: x = -4 \ oder \ x = -5$$

3C)
$$(x-6)\cdot(x+7)=0$$
 \Rightarrow Lösung: $x=6$ oder $x=-7$

3D)
$$(x+2)\cdot (x-2) = 0 \implies L\ddot{o}sung: x = -2 \ oder \ x = 2$$

3E)
$$(x+3)\cdot(x+6) = 0$$
 \Rightarrow Lösung: $x = -3$ oder $x = -6$

3F)
$$(x-a)\cdot(x-b)=0$$
 \Rightarrow Lösung: $x=a$ oder $x=b$

3G)
$$(x-p)\cdot(x+q)=0$$
 \Rightarrow Lösung: $x=p$ oder $x=-q$

3H)
$$(x-4)\cdot(x-4)=0$$
 \Rightarrow Lösung: $x=4$

3i)
$$(x+3)\cdot(x-3)=0$$
 \Rightarrow Lösung: $x=-3$ oder $x=3$

3J)
$$(x-a)\cdot(x-a)=0$$
 \Rightarrow Lösung: $x=a$

3K)
$$(x-3)^2 = 0$$
 $\Rightarrow L\ddot{o}sung: x=3$

3L)
$$(x+a)^2 = 0$$
 \Rightarrow Lösung: $x = -a$

Lösung zu 4a

Die Lösungsformel (zur Erinnerung):

$$x^2 = c \implies x = \pm \sqrt{c}$$

Lösungsweg:

$$x^2 = 64$$

$$x = \pm \sqrt{64}$$

Ergebnis:
$$x = 8$$
 oder $x = -8$

Lösung zu 4b

Die Lösungsformel (zur Erinnerung):

$$x^2 = c \implies x = \pm \sqrt{c}$$

Lösungsweg:

$$x^2 = 256$$

$$x = \pm \sqrt{256}$$

Ergebnis:
$$x = 16$$
 oder $x = -16$

Lösung zu 4c

Die Lösungsformel (zur Erinnerung):

$$x^2 = c \implies x = \pm \sqrt{c}$$

$$x^2 = 0.01$$

$$x = \pm \sqrt{0.01}$$

Ergebnis:
$$x = 0.1$$
 oder $x = -0.1$

Lösung zu 4d

Die Lösungsformel (zur Erinnerung):

$$x^2 = c \implies x = \pm \sqrt{c}$$

Lösungsweg:

$$7x^2 = 567$$
 |:7

$$x^2 = 81$$

$$x = \pm \sqrt{81}$$

Ergebnis:
$$x = 9$$
 oder $x = -9$

Lösung zu 4e

Die Lösungsformel (zur Erinnerung):

$$x^2 = c \implies x = \pm \sqrt{c}$$

$$16x^2 = 400$$

$$x^2 = \frac{400}{16} = 25$$

$$x = \pm \sqrt{25}$$

Ergebnis:
$$x = 5$$
 oder $x = -5$

Lösung zu 4f

Die Lösungsformel (zur Erinnerung):

$$x^2 = c \implies x = \pm \sqrt{c}$$

Lösungsweg:

$$3x^2 = \frac{1}{27}$$
 |:3

$$x^2 = \frac{1}{27 \cdot 3} = \frac{1}{81}$$

$$x = \pm \sqrt{\frac{I}{8I}}$$

$$x = \pm \frac{\sqrt{I}}{\sqrt{8I}} = \pm \frac{I}{9}$$

Ergebnis:
$$x = \frac{1}{9}$$
 oder $x = -\frac{1}{9}$

Lösung zu 4g

Die Lösungsformel (zur Erinnerung):

$$x^2 = c \implies x = \pm \sqrt{c}$$

$$\frac{x^2}{4} = \frac{9}{25} \qquad |\cdot 4|$$

$$x^2 = \frac{9.4}{25}$$

$$x = \pm \sqrt{\frac{36}{25}}$$

$$x = \pm \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{25}} = \pm \frac{6}{5}$$

Ergebnis:
$$x = \frac{6}{5}$$
 oder $x = -\frac{6}{5}$

Lösung zu 4h

Die Lösungsformel (zur Erinnerung):

$$x^2 = c \implies x = \pm \sqrt{c}$$

$$x^2 = \frac{49}{25}$$

$$x^2 = \frac{49}{25}$$

$$x = \pm \sqrt{\frac{49}{25}}$$

$$x = \pm \frac{\sqrt{49}}{\sqrt{25}} = \pm \frac{7}{5}$$

Ergebnis:
$$x = \frac{7}{5}$$
 oder: $x = -\frac{7}{5}$

oder:
$$x = -\frac{7}{4}$$

Lösung zu 5a

Zur Erinnerung: Die Lösungsformel

$$(x+a)^2 = c \implies x = -a \pm \sqrt{c}$$

Gegebene Gleichung:

$$(x+12)^2=9$$
 \Rightarrow $a=12$ $c=9$

Lösungsformel anwenden:

$$x = -a \pm \sqrt{c}$$

$$x = -12 \pm \sqrt{9}$$

$$x = -12 \pm 3$$

Ergebnis: x=-9 oder x=-15

Lösung zu 5b

Zur Erinnerung: Die Lösungsformel

$$(x+a)^2 = c \implies x = -a \pm \sqrt{c}$$

Gegebene Gleichung:

$$(x-7)^2 = 49$$
 \Rightarrow $a = -7$ $c = 49$

Lösungsformel anwenden:

$$x = -a \pm \sqrt{c}$$

$$x = -(-7) \pm \sqrt{49}$$

$$x = 7 \pm 7$$

Ergebnis:
$$x=14$$
 oder $x=0$

Lösung zu 5c

Zur Erinnerung: Die Lösungsformel

$$(x+a)^2 = c \implies x = -a \pm \sqrt{c}$$

Gegebene Gleichung:

$$(x+4)^2=25$$
 \Rightarrow $a=4$ $c=25$

Lösungsformel anwenden:

$$x = -a \pm \sqrt{c}$$

$$x = -4 \pm \sqrt{25}$$

$$x = -4 \pm 5$$

Ergebnis:
$$x=1$$
 oder $x=-9$

Lösung zu 5d

Zur Erinnerung: Die Lösungsformel

$$(x+a)^2 = c \implies x = -a \pm \sqrt{c}$$

Gegebene Gleichung:

$$(x-5)^2=4$$
 \Rightarrow $a=-5$ $c=4$

Lösungsformel anwenden:

$$x = -a \pm \sqrt{c}$$

$$x = -(-5) \pm \sqrt{4}$$

$$x=5\pm 2$$

Ergebnis:
$$x=7$$
 oder $x=3$

Lösung zu 5e

Gegebene Gleichung:

$$(x+1)^2 = 36$$

Wurzel ziehen:

$$\sqrt{(x+1)^2} = \sqrt{36}$$

Für linke Seite die Betragsschreibweise wählen:

$$|(x+1)| = \sqrt{36}$$

Betragsgleichung lösen:

$$|(x+1)| = \sqrt{36}$$





$$x+1=\sqrt{36}$$

$$-(x+1) = \sqrt{36}$$

$$x = \sqrt{36} - 1$$

$$-x - 1 = \sqrt{36}$$

$$x = 6 - 1$$

$$-x = 6 + 1 \qquad | \cdot (-1)$$

$$x = -7$$

$$x = 5$$

Ergebnis: x=5 oder x=-7

Lösung zu 5f

Gegebene Gleichung:

$$(x-5)^2=64$$

Wurzel ziehen:

$$\sqrt{(x-5)^2} = \sqrt{64}$$

Für linke Seite die Betragsschreibweise wählen:

$$|(x-5)| = \sqrt{64}$$

Betragsgleichung lösen:

$$|(x-5)| = \sqrt{64}$$



$$x-5 = \sqrt{64}$$

$$-(x-5) = \sqrt{64}$$

$$x = \sqrt{64} + 5$$

$$-x + 5 = \sqrt{64}$$

$$x = 8 + 5$$

$$|\cdot(-1)|$$

$$x = 13$$

$$|oder:|$$
 $x = -3$

$$x = -3$$

Ergebnis: x=13 oder x=-3

Lösung zu 5g

Gegebene Gleichung:

$$(x+2)^2=16$$

Wurzel ziehen:

$$\sqrt{(x+2)^2} = \sqrt{16}$$

Für linke Seite die Betragsschreibweise wählen:

$$|(x+2)| = \sqrt{16}$$

Betragsgleichung lösen:

$$|(x+2)| = \sqrt{16}$$





$$x+2=\sqrt{16}$$

$$-(x+2) = \sqrt{16}$$

$$x = \sqrt{16} - 2$$

$$-x-2=\sqrt{16}$$

$$x = 4 - 2$$

$$-x = 4 + 2 \qquad | \cdot (-1)$$

$$|\cdot(-1)$$

$$x = 2$$

$$x = -6$$

Ergebnis: x=2 oder x=-6

Lösung zu 5h

Gegebene Gleichung:

$$(x-4)^2=100$$

Wurzel ziehen:

$$\sqrt{(x-4)^2} = \sqrt{100}$$

Für linke Seite die Betragsschreibweise wählen:

$$|(x-4)| = \sqrt{100}$$

Betragsgleichung lösen:

 $|(x-4)| = \sqrt{100}$



 \sum

$$x-4 = \sqrt{100}$$

$$-(x-4) = \sqrt{100}$$

$$x = \sqrt{100} + 4$$

$$-x + 4 = \sqrt{100}$$

$$x = 10 + 4$$

$$-x = 10 - 4$$
 | $\cdot (-1)$

$$x = 14$$

$$x = -6$$

Ergebnis: x=14 oder x=-6

Lösung zu 6a

Gegeben:

$$x^2 + 6x - 7 = 0$$

1.Kons tan te auf rechte Seite bringen:

$$x^2 + 6x = 7$$

2.Quadratische Ergänzung bestimmen:

$$\left(\frac{6}{2}\right)^2 = 9$$

3. Quadratische Ergänzung addieren:

$$x^2 + 6x + 9 = 7 + 9$$

4. Gleichung in der Form $(x+a)^2=c$ schreiben (d.h. als Quadrat):

$$(x+3)^2 = 16$$

5.Lösungsformel verwenden $x=-a\pm\sqrt{c}$

$$x = -3 \pm \sqrt{16}$$

$$x = -3 \pm 4$$

Ergebnis:
$$x=1$$
 oder $x=-7$

Lösung zu 6b

Gegeben:

$$x^2 - 8x = -12$$

1.Konstante auf rechte Seite bringen:

entfällt

2.Quadratische Ergänzung bestimmen:

$$\left(\frac{-8}{2}\right)^2 = 16$$

3.Quadratische Ergänzung addieren:

$$x^2 - 8x + 16 = -12 + 16$$

4. Gleichung in der Form $(x+a)^2=c$ schreiben (d.h. als Quadrat):

$$(x+(-4))^2=4$$

5.Lösungsformel verwenden $x=-a\pm\sqrt{c}$

$$x = -(-4) \pm \sqrt{4}$$

$$x=4\pm 2$$

Ergebnis: x=6 oder x=2

Lösung zu 6c

 $\boxed{Gegeben:} \quad x^2 + 10x + 21 = 0$

1.Konstante auf rechte Seite bringen:

$$x^2 + 10x = -21$$

2. Quadratische Ergänzung bestimmen:

$$\left(\frac{10}{2}\right)^2 = 25$$

3. Quadratische Ergänzung addieren:

$$x^2 + 10x + 25 = -21 + 25$$

4. Gleichung in der Form $(x+a)^2=c$ schreiben (d.h. als Quadrat):

$$(x+5)^2 = 4$$

5.Lösungsformel verwenden $x=-a\pm\sqrt{c}$

$$x = -5 \pm \sqrt{4}$$

$$x = -5 \pm 2$$

Ergebnis: x=-3 oder x=-7

Lösung zu 6d

Gegeben:

$$x^2 + 8x + 15 = 0$$

1.Kons tan te auf rechte Seite bringen:

$$x^2 + 8x = -15$$

2. Quadratische Ergänzung bestimmen:

$$\left(\frac{8}{2}\right)^2 = 16$$

3. Quadratische Ergänzung addieren:

$$x^2 + 8x + 16 = -15 + 16$$

4. Gleichung in der Form $(x+a)^2=c$ schreiben (d.h. als Quadrat):

$$(x+4)^2 = 1$$

5.Lösungsformel verwenden $x=-a\pm\sqrt{c}$

$$x = -4 \pm \sqrt{1}$$

$$x = -4 \pm 1$$

Ergebnis:
$$x = -3$$
 oder $x = -5$

Lösung zu 6e

Gegeben:

$$x^2 + x = 2 \qquad \Leftrightarrow \qquad x^2 + 1x = 2$$

$$\Leftrightarrow x^2 + 1x = 2$$

1.Konstante auf rechte Seite bringen:

entfällt

2. Quadratische Ergänzung bestimmen:

$$\left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

3.Quadratische Ergänzung addieren:

$$x^2 + x + \frac{1}{4} = 2 + \frac{1}{4}$$

4. Gleichung in der Form $(x+a)^2=c$ schreiben (d.h. als Quadrat):

$$\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{9}{4}$$

|5.Lösungsformel verwenden $x=-a \pm \sqrt{c}$

$$x = -\frac{1}{2} \pm \sqrt{\frac{9}{4}}$$

$$x = -\frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{4}}$$

$$x = -\frac{1}{2} \pm \frac{3}{2}$$

$$| Ergebnis: | x=1 oder x=-2 |$$

Lösung zu 6f

Gegeben :

$$x^2 + x - 6 = 0$$

1.Konstante auf rechte Seite bringen:

$$x^2 + x = 6$$

2.Quadratische Ergänzung bestimmen:

$$\left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

3.Quadratische Ergänzung addieren:

$$x^2 + x + \frac{1}{4} = 6 + \frac{1}{4}$$

4. Gleichung in der Form $(x+a)^2=c$ schreiben (d.h. als Quadrat):

$$\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{25}{4}$$

5.Lösungsformel verwenden $x=-a \pm \sqrt{c}$

$$x = -\frac{1}{2} \pm \sqrt{\frac{25}{4}}$$

$$x = -\frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{25}}{\sqrt{4}}$$

$$x = -\frac{1}{2} \pm \frac{5}{2}$$

$$|Ergebnis:| x=2 oder x=-3$$

Lösung zu 6g

Gegeben :

$$x^2 - 10x + 24 = 0$$

1.Konstante auf rechte Seite bringen:

$$x^2 - 10x = -24$$

2.Quadratische Ergänzung bestimmen:

$$\left(\frac{-10}{2}\right)^2 = 25$$

3.Quadratische Ergänzung addieren:

$$x^2 - 10x + 25 = -24 + 25$$

4. Gleichung in der Form $(x+a)^2=c$ schreiben (d.h. als Quadrat):

$$(x+(-5))^2=1$$

5.Lösungsformel verwenden $x=-a \pm \sqrt{c}$

$$x = -(-5) \pm \sqrt{1}$$

$$x=5\pm1$$

Ergebnis: x=6 oder x=4

Lösung zu 6h

Gegeben:

$$x^2 + 10x + 24 = 0$$

1.Konstante auf rechte Seite bringen:

$$x^2 + 10x = -24$$

2.Quadratische Ergänzung bestimmen:

$$\left(\frac{10}{2}\right)^2 = 25$$

3.Quadratische Ergänzung addieren:

$$x^2 + 10x + 25 = -24 + 25$$

4. Gleichung in der Form $(x+a)^2=c$ schreiben (d.h. als Quadrat):

$$(x+5)^2 = 1$$

5.Lösungsformel verwenden $x=-a \pm \sqrt{c}$

$$x = -5 \pm \sqrt{1}$$

$$x = -5 \pm 1$$

| Ergebnis: | x=-4 oder x=-6

Lösung zu 7a

$$\boxed{Gegeben: \quad \mathbf{x}^2 - 10\mathbf{x} - 24 = 0}$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

|Lösung :|

Gegeben sind: p = -10 und q = -24

$$x_{1/2} = -\frac{-10}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{-10}{2}\right)^2 - \left(-24\right)}$$

$$x_{1/2} = 5 \pm \sqrt{25 + 24}$$

$$x_{1/2} = 5 \pm \sqrt{49}$$

$$x_{1/2} = 5 \pm 7$$

Ergebnis:
$$x_1 = 12$$
 $x_2 = -2$

Lösung zu 7b

$$\boxed{Gegeben: \quad \mathbf{x}^2 + 10\mathbf{x} - 24 = 0}$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

|Lösung :|

Gegeben sind: p = +10 und q = -24

$$x_{1/2} = -\frac{10}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{10}{2}\right)^2 - \left(-24\right)}$$

$$x_{1/2} = -5 \pm \sqrt{25 + 24}$$

$$x_{1/2} = -5 \pm \sqrt{49}$$

$$x_{1/2} = -5 \pm 7$$

$$\boxed{Ergebnis: } x_1 = -12 \qquad x_2 = 2$$

Lösung zu 7c

 $\boxed{Gegeben: \quad \mathbf{x}^2 - 3x - 18 = 0}$

Gesucht: x

Lösungsformel: $x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$

Lösung:

Gegeben sind: p = -3 und q = -18

In der Lösungsformel p und q ersetzen:

 $x_{1/2} = -\frac{-3}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{-3}{2}\right)^2 - \left(-18\right)}$

| Vorzeichen vereinfachen

 $x_{1/2} = \frac{3}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{-3}{2}\right)^2 + 18}$

| Potenzgesetz anwenden

 $x_{1/2} = \frac{3}{2} \pm \sqrt{\frac{(-3)^2}{2^2} + 18}$

 $x_{1/2} = \frac{3}{2} \pm \sqrt{\frac{9}{4} + 18}$

| Auf Hauptnenner bringen

 $x_{1/2} = \frac{3}{2} \pm \sqrt{\frac{9}{4} + \frac{72}{4}}$

 $x_{1/2} = \frac{3}{2} \pm \sqrt{\frac{81}{4}}$

| Wurzelgesetz anwenden

$$x_{1/2} = \frac{3}{2} \pm \frac{\sqrt{81}}{\sqrt{4}}$$

 $x_{1/2} = \frac{3}{2} \pm \frac{9}{2}$

Ergebnis: $x_1 = 6$ $x_2 = -3$

Lösung zu 7d

$$\boxed{Gegeben: \quad \mathbf{x}^2 + 2\mathbf{x} - 63 = 0}$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

Lösung :

Gegeben sind: p = 2 und q = -63

$$x_{1/2} = -\frac{2}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{2}{2}\right)^2 - \left(-63\right)}$$

$$x_{1/2} = -1 \pm \sqrt{1 + 63}$$

$$x_{1/2} = -1 \pm \sqrt{64}$$

$$x_{1/2} = -1 \pm 8$$

$$| Ergebnis: | x_1 = 7 x_2 = -9$$

Lösung zu 7e

$$\boxed{Gegeben: \quad \mathbf{x}^2 - 15x + 54 = 0}$$

Gesucht: x

$$\chi$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

Lösung:

Gegeben sind: p = -15 und q = 54

In der Lösungsformel p und q ersetzen:

$$x_{1/2} = -\frac{-15}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{-15}{2}\right)^2 - 54}$$

| Potenzgesetz anwenden

$$x_{1/2} = \frac{15}{2} \pm \sqrt{\frac{(-15)^2}{2^2} - 54}$$

$$x_{1/2} = \frac{15}{2} \pm \sqrt{\frac{225}{4} - 54}$$

| Hauptnenner bilden

$$x_{1/2} = \frac{15}{2} \pm \sqrt{\frac{225}{4} - \frac{216}{4}}$$

$$x_{1/2} = \frac{15}{2} \pm \sqrt{\frac{225 - 216}{4}}$$

$$x_{1/2} = \frac{15}{2} \pm \sqrt{\frac{9}{4}}$$

$$x_{1/2} = \frac{15}{2} \pm \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{4}}$$

$$x_{1/2} = \frac{15}{2} \pm \frac{3}{2}$$

Ergebnis:
$$x_1 = 9$$
 $x_2 = 6$

| Wurzelgesetz anwenden

Lösung zu 7f

Gegeben:
$$x^2 + 18x - 243 = 0$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

|Lösung :|

Gegeben sind: p=18 und q=-243

$$x_{1/2} = -\frac{18}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{18}{2}\right)^2 - \left(-243\right)}$$

$$x_{1/2} = -9 \pm \sqrt{81 + 243}$$

$$x_{1/2} = -9 \pm \sqrt{324}$$

$$x_{1/2} = -9 \pm 18$$

Ergebnis:
$$x_1 = 9$$
 $x_2 = -27$

Lösung zu 7g

$$\boxed{Gegeben: \quad x^2 + 6x - 16 = 0}$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

Lösung :

Gegeben sind: p = 6 und q = -16

$$x_{1/2} = -\frac{6}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{6}{2}\right)^2 - (-16)}$$

$$x_{1/2} = -3 \pm \sqrt{9 + 16}$$

$$x_{1/2} = -3 \pm \sqrt{25}$$

$$x_{1/2} = -3 \pm 5$$

Ergebnis:
$$x_1 = 2$$
 $x_2 = -8$

Lösung zu 7h

$$\boxed{Gegeben: \quad \mathbf{x}^2 - 9x - 22 = 0}$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$$

Lösung :

Gegeben sind: p = -9 und q = -22

$$x_{1/2} = -\frac{-9}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{-9}{2}\right)^2 - \left(-22\right)}$$

$$x_{1/2} = \frac{9}{2} \pm \sqrt{\frac{(-9)^2}{2^2} + 22}$$

$$x_{1/2} = \frac{9}{2} \pm \sqrt{\frac{81}{4} + 22}$$

$$x_{1/2} = \frac{9}{2} \pm \sqrt{\frac{81}{4} + \frac{88}{4}}$$

$$x_{1/2} = \frac{9}{2} \pm \sqrt{\frac{169}{4}}$$

$$x_{1/2} = \frac{9}{2} \pm \frac{\sqrt{169}}{\sqrt{4}}$$

$$x_{1/2} = \frac{9}{2} \pm \frac{13}{2}$$

$$\boxed{Ergebnis: \quad x_1 = 11 \qquad x_2 = -2}$$

Lösung zu 8a

Gegeben:
$$2x^2 - 14x + 24 = 0$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Lösung :

Gegeben sind: a=2, b=-14 und c=24

$$x_{1/2} = \frac{-(-14) \pm \sqrt{(-14)^2 - 4 \cdot 2 \cdot 24}}{2 \cdot 2}$$

$$x_{1/2} = \frac{14 \pm \sqrt{196 - 192}}{4}$$

$$x_{1/2} = \frac{14 \pm \sqrt{4}}{4}$$

$$x_{1/2} = \frac{14 \pm 2}{4}$$

Ergebnis:
$$x=4$$
 oder $x=3$

Lösung zu 8b

Gegeben:
$$3x^2 - 15x + 18 = 0$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Lösung :

Gegeben sind: a=3, b=-15 und c=18

$$x_{1/2} = \frac{-(-15) \pm \sqrt{(-15)^2 - 4 \cdot 3 \cdot 18}}{2 \cdot 3}$$

$$x_{1/2} = \frac{15 \pm \sqrt{225 - 216}}{6}$$

$$x_{1/2} = \frac{15 \pm \sqrt{9}}{6}$$

$$x_{1/2} = \frac{15 \pm 3}{6}$$

Ergebnis:
$$x=3$$
 oder $x=2$

Lösung zu 8c

Gegeben:
$$6x^2 + 6x - 12 = 0$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Lösung :

Gegeben sind: a=6, b=6 und c=-12

$$x_{1/2} = \frac{-6 \pm \sqrt{6^2 - 4 \cdot 6 \cdot (-12)}}{2 \cdot 6}$$

$$x_{1/2} = \frac{-6 \pm \sqrt{36 + 288}}{12}$$

$$x_{1/2} = \frac{-6 \pm \sqrt{324}}{12}$$

$$x_{1/2} = \frac{-6 \pm 18}{12}$$

Ergebnis:
$$x=1$$
 oder $x=-2$

Lösung zu 8d

Gegeben:
$$2x^2 - 6x - 56 = 0$$

$$\boxed{L\ddot{o}sungsformel:} \quad x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

|Lösung :|

Gegeben sind: a=2, b=-6 und c=-56

$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1/2} = \frac{-(-6) \pm \sqrt{(-6)^2 - 4 \cdot 2 \cdot (-56)}}{2 \cdot 2}$$

$$x_{1/2} = \frac{6 \pm \sqrt{36 + 448}}{4}$$

$$x_{1/2} = \frac{6 \pm \sqrt{484}}{4}$$

$$x_{1/2} = \frac{6 \pm 22}{4}$$

Ergebnis:
$$x=7$$
 oder $x=-4$

Lösung zu 8e

Gegeben:
$$4x^2 + 36x + 80 = 0$$

$$\boxed{L\ddot{o}sungsformel:} \quad x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Lösung:

Gegeben sind: a=4, b=36 und c=80

$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1/2} = \frac{-36 \pm \sqrt{36^2 - 4 \cdot 4 \cdot 80}}{2 \cdot 4}$$

$$x_{1/2} = \frac{-36 \pm \sqrt{1296 - 1280}}{8}$$

$$x_{1/2} = \frac{-36 \pm \sqrt{16}}{8}$$

$$x_{1/2} = \frac{-36 \pm 4}{8}$$
Ergebnis: $x = -4$ oder $x = -5$

Lösung zu 8f

Gegeben:
$$2x^2 - 24x - 90 = 0$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Lösung:

Gegeben sind: a=2, b=-24 und c=-90In der Lösungsformel a,b und c ersetzen:

$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1/2} = \frac{-(-24) \pm \sqrt{(-24)^2 - 4 \cdot 2 \cdot (-90)}}{\frac{2 \cdot 2}{2}}$$

$$x_{1/2} = \frac{24 \pm \sqrt{576 + 720}}{4}$$

$$x_{1/2} = \frac{24 \pm \sqrt{576 + 720}}{4}$$

$$x_{1/2} = \frac{24 \pm \sqrt{1296}}{4}$$

$$x_{1/2} = \frac{24 \pm 36}{4}$$
Ergebnis: $x = 15$ oder $x = -3$

Lösung zu 8g

| Gegeben:
$$5x^2 + 50x + 45 = 0$$

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Lösung :

Gegeben sind: a=5, b=50 und c=45

$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1/2} = \frac{-50 \pm \sqrt{50^2 - 4.5.45}}{2.5}$$

$$x_{1/2} = \frac{-50 \pm \sqrt{2500 - 900}}{10}$$

$$x_{1/2} = \frac{-50 \pm \sqrt{1600}}{10}$$

$$x_{1/2} = \frac{-50 \pm 40}{10}$$
Ergebnis: $x = -1$ oder $x = -9$

Lösung zu 8h

Gegeben:
$$3x^2 - 66x + 360 = 0$$

Gesucht: x

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Lösung:

Gegeben sind: a=3, b=-66 und c=360In der Lösungsformel a,b und c ersetzen:

$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1/2} = \frac{-(-66) \pm \sqrt{(-66)^2 - 4 \cdot 3 \cdot 360}}{2 \cdot 3}$$

$$x_{1/2} = \frac{66 \pm \sqrt{4356 - 4320}}{2 \cdot 3}$$

$$x_{1/2} = \frac{66 \pm \sqrt{36}}{6}$$

$$x_{1/2} = \frac{66 \pm 6}{6}$$

$$x_{1/2} = \frac{66 \pm 6}{6} \pm \frac{6}{6} = 11 \pm 1$$

$$\boxed{\textit{Ergebnis}: } \ x = 12 \quad oder \quad x = 10$$

Lösung zu 8i

Gegeben:
$$10x^2 + 10x - 300 = 0$$

Gesucht: x

Lösungsformel:
$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Lösung:

Gegeben sind: a=10, b=10 und c=-300In der Lösungsformel a,b und c ersetzen:

$$x_{1/2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1/2} = \frac{-10 \pm \sqrt{10^2 - 4 \cdot 10 \cdot (-300)}}{2 \cdot 10}$$

$$x_{1/2} = \frac{-10 \pm \sqrt{100 + 12000}}{20}$$

$$x_{1/2} = \frac{-10 \pm \sqrt{12100}}{20}$$

$$x_{1/2} = \frac{-10 \pm 110}{20}$$

$$x_{1/2} = \frac{-10 \pm 110}{20} \pm \frac{110}{20} = -\frac{5}{10} \pm \frac{55}{10}$$
Ergebnis: $x = 5$ oder $x = -6$